

УДК 539.3.

ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ ЗАДАЧИ ТРИБОФАТИКИ И ИХ ПРАКТИЧЕСКОЕ ПРИМЕНЕНИЕ В МАШИНОСТРОЕНИИ

© 2011 М.А. Журавков, С.С. Щербаков

Белорусский государственный университет, г. Минск, Беларусь

Поступила в редакцию 10.11.2011

Рассмотрены некоторые основные задачи взаимодействия в трибофатических системах. Приведены результаты расчетов, показывающие влияние объемных (неконтактных) нагрузок на контактное давление. Рассмотрены напряженно-деформированное состояние и состояние поврежденности типичной трибофатической системы.

Ключевые слова: трибофатическая система, пространственно-деформированное состояние, контактное взаимодействие, неконтактные нагрузки, состояние поврежденности, опасный объем.

Объектами исследования в трибофатике являются механические системы, в которых одновременно реализуется контактное взаимодействие с трением (качения, скольжения) между деформируемыми твердыми телами и неконтактное (объемное) деформирование по крайней мере одного из элементов системы [1-4].

Характерными примерами трибофатических систем являются системы ролик/вал, ролик/кольцо, труба/поток вязкой жидкости. Эти системы представляют собой модели таких практически важных систем, как зубчатые зацепления, колесо/рельс, участок магистрального трубопровода и мн. др. Применительно к трибофатическим системам изучаются как их напряженно-деформированное состояние, так и состояние поврежденности

1. Обобщенная трибофатическая система

В качестве трибофатической системы обычно рассматривается пара элементов (ролик/вал, ролик/кольцо, труба/поток жидкости и т.д.), в которой по крайней мере один из них подвержен действию как контактной, так и неконтактной нагрузок. Здесь рассмотрим систему, состоящую из более чем двух элементов [5,6], и изучим общий случай взаимодействия n тел.

Движение каждого из n тел может быть описано следующим образом:

$$\mathbf{r}^k = \Xi^k \mathbf{R}^k, \quad k = 1..n, \quad (1)$$

где \mathbf{r}^k и \mathbf{R}^k – векторы, определяющие положение частицы k -го тела в пространственной (эйлеровой) и связанной с телом (лагранжевой) системах координат, t – время, Ξ^k – отображение, связывающее начальную (недеформированную) для момента времени t_0 и те-

кущую (деформированную) конфигурации k -го тела для момента времени t .

К уравнениям, определяющим механическое состояние частицы каждого из элементов систем, добавляют граничные условия первого типа, т.е. если заданы перемещения $\bar{\mathbf{u}}_i^{k*}$ на поверхности S_u упругого тела:

$$\mathbf{u}_i^k = \bar{\mathbf{u}}_i^{k*}, \quad (2)$$

и/или второго типа, если на поверхности тела S_σ задано распределение усилий $\bar{\mathbf{p}}_i$

$$\sigma_{ij}^{kl} = \bar{p}_i, \quad (3)$$

где l_j^k – направляющие косинусы.

Помимо этого могут быть заданы начальные условия

$$\mathbf{u}_i^k \Big|_{t=0} = \mathbf{u}_i^{k0}, \quad (4)$$

$$\dot{\mathbf{u}}_i^k \Big|_{t=0} = \dot{\mathbf{u}}_i^{k0}. \quad (5)$$

Взаимодействие n движущихся деформируемых тел можно описать с помощью контактных граничных условий, определяемых следующими соотношениями:

$$\begin{aligned} & \bar{\mathbf{u}}_l \Big|_{S_u^{(lm)}} + \bar{\mathbf{u}}_m \Big|_{S_u^{(lm)}} = \\ & = \mathbf{f}_{lm}^{(\delta)} \Big|_{S_u^{(lm)}} - \left(\mathbf{r}^l \Big|_{S_u^{(lm)}} + \mathbf{r}^m \Big|_{S_u^{(lm)}} \right), \end{aligned} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} & \mathbf{L}_\sigma \left(\bar{\mathbf{u}}_l \Big|_{S_\sigma^{(lm)}} \right) - \mathbf{L}_\sigma \left(\bar{\mathbf{u}}_m \Big|_{S_\sigma^{(lm)}} \right) = \\ & = \bar{\mathbf{p}}_l \Big|_{S_\sigma^{(lm)}} + \bar{\mathbf{p}}_m \Big|_{S_\sigma^{(lm)}} = 0, \end{aligned} \quad (7)$$

где $S^{(lm)}$ – поверхность контакта тел l и m , $S_\sigma^{(lm)} \subset S^{(lm)}$, $S_u^{(lm)} \subset S^{(lm)}$,

$\bar{\mathbf{p}}_k = \left[\bar{p}_1^k, \bar{p}_2^k, \bar{p}_3^k \right]$ и $\bar{\mathbf{u}}_k = \left[\bar{u}_1^k, \bar{u}_2^k, \bar{u}_3^k \right]$ – векторы усилий и перемещений на поверхности k -го тела, p_n^k и p_τ^k – нормальная и касательная компоненты вектора усилий, $\mathbf{f}_{lm}^{(\delta)}$ – вектор сближения двух

Журавков Михаил Анатольевич, доктор физико-математических наук, профессор, первый проректор, заведующий кафедрой «Теоретическая и прикладная механика». E-mail: tribo-fatigue@sail.ru

Щербаков Сергей Сергеевич, кандидат физико-математических наук, доцент, доцент кафедры «Теоретическая и прикладная механика», ученый секретарь механико-математического факультета. E-mail: tribo-fatigue@sail.ru

тел, $\bar{\mathbf{L}}_\sigma = \bar{\mathbf{L}}_1, L_{12}, L_{13}$ – вектор, компонентами которого являются интегральные операторы, определяющие поверхностные усилия. Так, в упругой постановке данные операторы имеют следующий вид:

$$L_{ij} \langle \mathbf{u} \rangle = \mu \langle \mathbf{u}_{i,j} + u_{i,j} \rangle + \lambda u_{q,q} \delta_{ij}. \quad (8)$$

где δ_{ij} – дельта Кронекера, μ и λ – постоянные Ламе.

Если между телами l и m реализуется случай неконформного контактного взаимодействия, то контактная поверхность $S^{(lm)}$ является изначально неизвестной. В этом случае размеры и формы областей контакта, а также распределение контактных усилий

можно найти, воспользовавшись вариационными методами или методом обращения матрицы.

2. Система разрешающих уравнений для двух тел

Анализ сложных трибофатических систем, состоящих из большого числа взаимодействующих элементов, требует построения особой системы разрешающих уравнений. В первом приближении подобная система на примере двух взаимодействующих тел l и m для случая упругого деформирования может быть записана с использованием аппарата интегральных уравнений [5,6] в следующей символической форме:

$$\begin{Bmatrix} \bar{\mathbf{p}}_l^{(S)} \\ \bar{\mathbf{u}}_l^{(S)} \\ 0 \\ \mathbf{f}_{lm}^{(\delta)} \\ \bar{\mathbf{p}}_m^{(S)} \\ \bar{\mathbf{u}}_m^{(S)} \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle & 0 \\ \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle & 0 \\ \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle - \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle & -\bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle \\ \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle & -\bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle \\ 0 & \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle \\ 0 & \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle \end{Bmatrix} \cdot \begin{Bmatrix} \bar{\mathbf{p}}_l \\ \bar{\mathbf{p}}_m \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle & 0 \\ \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle & 0 \\ \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle - \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle & -\bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle \\ \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle & -\bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle \\ 0 & \bar{\mathbf{L}}_\sigma \langle \mathbf{u} \rangle \\ 0 & \bar{\mathbf{L}}_u \langle \mathbf{u} \rangle \end{Bmatrix} \cdot \begin{Bmatrix} \mathbf{t}_l \\ \mathbf{t}_m \end{Bmatrix} \quad (9)$$

где $\bar{\mathbf{p}}_l = \bar{p}_1^l, \bar{p}_2^l, \bar{p}_3^l$, $\bar{\mathbf{u}}_l = \bar{u}_1^l, \bar{u}_2^l, \bar{u}_3^l$ и $\mathbf{t}_l = \mathbf{t}_1^l, \mathbf{t}_2^l, \mathbf{t}_3^l$ – векторы усилий, перемещений на поверхности и объемных сил внутри l -го тела, $\mathbf{L}_u^{(e)} = \langle \mathbf{L}_1^{(e,u)}, \mathbf{L}_2^{(e,u)}, \mathbf{L}_3^{(e,u)} \rangle$ и $\mathbf{L}_u^{(u)} = \langle \mathbf{L}_1^{(u,u)}, \mathbf{L}_2^{(u,u)}, \mathbf{L}_3^{(u,u)} \rangle$ – векторы, состоящие из интегральных операторов для действия поверхностных и объемных сил:

$$\begin{aligned} L_i^{(\sigma,j)} \langle \Phi \rangle &= \iint_{S \langle \xi_1, \xi_2 \rangle} \varphi \langle \xi_1, \xi_2 \rangle \bar{G}_i^{(j,\varphi)} \langle \xi_1 - x_1, \xi_2 - x_2, x_3 \rangle d\xi_1 d\xi_2 = \\ &= \int_{S \langle \xi \rangle} \varphi \langle \xi \rangle \bar{G}_i^{(j,\varphi)} \langle \xi, \mathbf{x} \rangle dS \langle \xi \rangle \end{aligned} \quad (10)$$

$$\begin{aligned} L_i^{(u,j)} \langle \Phi \rangle &= \iiint_{V \langle \xi_1, \xi_2, \xi_3 \rangle} \varphi \langle \xi_1, \xi_2, \xi_3 \rangle \bar{G}_i^{(j,\varphi)} \langle \xi_1 - x_1, \xi_2 - x_2, \xi_3 - x_3 \rangle d\xi_1 d\xi_2 d\xi_3 = \\ &= \int_{V \langle \xi \rangle} \varphi \langle \xi \rangle \bar{G}_i^{(j,\varphi)} \langle \xi, \mathbf{x} \rangle dV \langle \xi \rangle \end{aligned} \quad (11)$$

В операторах (10) и (11) $G_{ij}^{(\sigma,p)}$, $G_{ij}^{(\sigma,q)}$, $G_i^{(u,p)}$, $G_i^{(u,q)}$ представляют собой соответствующие функции влияния из фундаментальных решений [5] для полупространства при действии на него нормальной (верхний индекс p) и касательной к поверхности сил (верхний индекс q) в перемещениях (верхний индекс u) и напряжениях (верхний индекс σ).

Решение системы (10) заключается в определении $\bar{\mathbf{p}}_i$

$$\bar{\mathbf{p}}_i = \bar{\mathbf{p}}_i^{(r)} + \bar{\mathbf{p}}_i^{(f)} = \bar{\mathbf{p}}_i^{(S)} + \bar{\mathbf{p}}_i^{(lm)} + \bar{\mathbf{p}}_i^{(f)}, \quad (12)$$

где $\bar{\mathbf{p}}_i^{(r)} = \bar{\mathbf{p}}_i^{(S)} + \bar{\mathbf{p}}_i^{(lm)}$ – приложенные (контактные и неконтактные) граничные условия в на-

пряжениях, $\bar{\mathbf{p}}_i^{(f)}$ – неизвестные «фиктивные» граничные условия в напряжениях, соответствующие приложенным граничным условиям в перемещениях $\bar{\mathbf{u}}_l^{(S)}$ и $\bar{\mathbf{u}}_{lm}$.

После расчета на поверхности тела $\bar{\mathbf{p}}_l$ с помощью (9) и (12) напряженно-деформированное состояние в точке $M \langle \xi_1, x_2, x_3 \rangle$ тела l может быть определено из следующих соотношений для поверхностных и объемных сил

$$u_i^l = L_i^{(e,u)} \langle \mathbf{u} \rangle + L_i^{(u,u)} \langle \mathbf{u} \rangle, \quad \sigma_{ij}^l = L_{ij}^l \langle \mathbf{u} \rangle. \quad (13)$$

Аналогичным способом строится система для более чем двух взаимодействующих тел.

3. Расчет взаимодействия двух тел с учетом объемного деформирования

Рассмотрим пример реализации системы (13) в ее более простом варианте (12) для двух тел применительно к исследованию обратного эффекта [1-3]. В качестве объекта исследования возьмем систему ролик/вал, на которую действуют контактная F_N и неконтактная F_b силы (рис. 1,а). Данная модель используется, в частности? при износоусталостных испытаниях на контактно-механическую усталость.

Для этой модели будем решать задачу о влиянии величины неконтактной нагрузки на изменение контактного давления.

Из рис. 1,б видно, что поверхности контактирующих тел являются поверхностями второго порядка и для определения контактного давления можно было бы ограничиться теорией Герца. Однако, поскольку при решении системы (12) более вероятны случаи контакта тел с поверхностями произвольной формы, предпочтительнее пользоваться при расчете контактного давления более общими методами численного моделирования. В нашем расчете будет использоваться метод обращения матрицы, описание которого можно найти, например в [7].

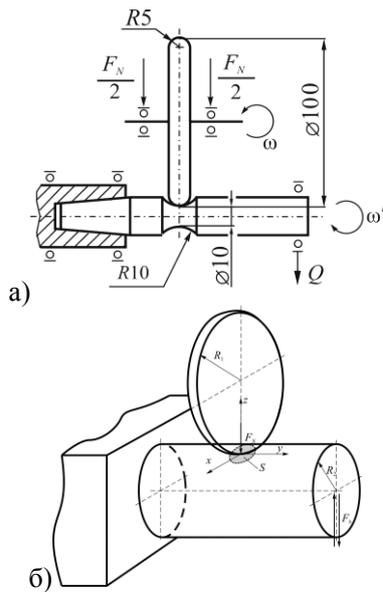


Рис. 1. Схемы а) износоусталостных испытаний, б) трибофатической системы ролик/вал.

Упругие перемещения соответствующих точек двух поверхностей удовлетворяют соотношению

$$\begin{aligned} \bar{u}_{z1} + \bar{u}_{z1} + \int_1 \epsilon_{, y} \bar{z}_2 \epsilon_{, y} \bar{z}_2 - \delta = \\ = \bar{u}_{z1} + \bar{u}_{z1} + h \epsilon_{, y} \bar{z}_2 - \delta \begin{cases} = 0, (x, y) \in S, \\ > 0, (x, y) \notin S, \end{cases} \quad (14) \end{aligned}$$

где δ – сближение контактирующих тел, $z_1(x, y)$ и $z_2(x, y)$ – уравнения поверхностей тел, S – область контакта.

Проведем равномерное разбиение плоской области S на квадратные элементы, на каждый из ко-

торых действует подлежащий определению элемент давления постоянной величины p_{ij} . Сформируем матрицу коэффициентов влияния W_{ijpq} , которая определяет перемещение в точке (x_p, y_q) под действием единичного элемента давления с центром в точке (x_i, y_j) :

$$\bar{u}_z^{pq} = -k_E \sum W_{ijpq} p_{ij}, \quad (15)$$

где k_E – коэффициент упругих свойств контактирующих тел.

В свою очередь, контактная сила F_N связана с узловыми значениями элементов давления формулой

$$F_N = -k_S \sum_{ij} p_{ij}, \quad (16)$$

где k_S – коэффициент, определяемый формой и размерами элементов давления.

Подставляя (15) в (14), получим

$$\sum_{ij} W_{ijpq} p_{ij} = \frac{1}{k_E} \left(\epsilon_{, pq} - \delta \right), \quad (17)$$

Задавая сближение тел δ , имеем значения неизвестных p_{ij} , умножив обе части уравнения (17) на W^{-1} .

Если задана контактная нагрузка F_N , а δ неизвестно, то (17) решается совместно с (16).

В системе ролик/вал реализуется случай неконформного контакта, поэтому в первом решении системы (17) в окрестности границ контактной области могут появиться точки, где $p_{ij} < 0$. Это означает, что для поддержания контакта на всей расчетной области в таких точках сетки необходимо приложить растягивающие усилия.

Данные элементы разбиения исключаются из предполагаемой области контакта (давления в них полагаются равными нулю) и уравнение (17) решается для обновленной сетки. Описанный процесс повторяется до тех пор, пока на некотором шаге полученные p_{ij} становятся неотрицательными.

Численное моделирование контактного взаимодействия двух тел проводилось при следующих параметрах: $\nu_1 = \nu_2 = 0,3$, $E_1 = E_2 = 2,01 \cdot 10^{11}$ Па, $R_{11} = 0,005$ м, $R_{12} = 0,05$ м, $R_{21} = 0,01$ м, $R_{22} = -0,01$ м (см. рис. 1,б).

Контактная нагрузка задавалась а) силой $F_N = 2000$ Н и б) сближением $\delta = 2,723 \cdot 10^{-5}$ м, соответствующим по теории Герца указанному значению F_N . Соотношение полуосей эллипса контакта $a/b=0.89$. Размеры расчетной области: $-1,5a \leq x, y \leq 1,5a$, где $a = 5,296 \cdot 10^{-4}$ м. Область разбивалась на 21×21 квадратных элементов.

Полученное в результате итерационного решения системы (17) распределение контактного давления (рис. 2) сравнивали с аналитическим решением по Герцу для эллиптического распределения вида. Погрешности оценивались по следующим формулам:

$$\varepsilon_i = \frac{p_i^H - p_i}{p_0^H}, \quad (18)$$

$$\varepsilon_{\max} = \max_i |\varepsilon_i|, \quad \varepsilon_{\text{avg}} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |\varepsilon_i|,$$

где верхний индекс H означает решение по Герцу.

Из рис. 2,б и 3 видно, что при контактной нагрузке, заданной F_N на краях области контакта, погрешность численного моделирования наибольшая. При контактной нагрузке, заданной δ , распределение погрешности практически не отличается от представленного на рис. 3.

Кроме контактной нагрузки, которую будем задавать сближением $\delta = 2,723 \cdot 10^{-5}$ м, к валу также будем прикладывать растягивающую (сжимающую) или изгибающую нагрузку.

Перемещения области контакта в результате действия F_b имеют вид:

$$\bar{u}_z^{(c)} = \int \varepsilon_{xx}^{(c)} dz. \quad (19)$$

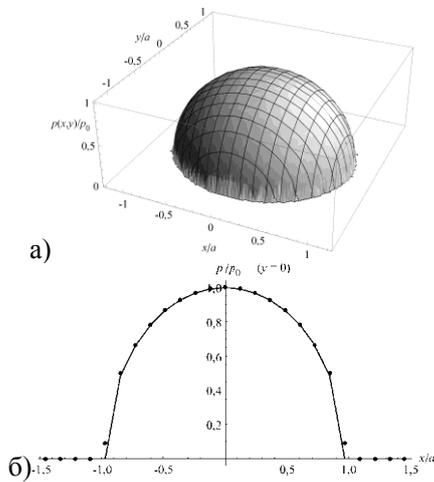


Рис. 2. Распределение контактного давления, отнесенного к $p_0 = 3,844 \cdot 10^9$ Па а) по области контакта, б) вдоль оси x в сравнении с аналитическим решением (сплошная кривая).

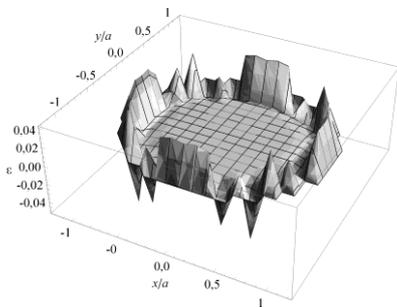


Рис. 3. Распределение погрешности ε_i по области несогласованного контакта.

Из табл. 1 видно, что погрешности при контактной нагрузке, заданной F_N , незначительно меньше, чем при заданной δ .

Таблица 1. Интегральные показатели погрешности

| Вид погрешности | Вид контактного нагружения | |
|----------------------------|----------------------------|---------------------|
| | F_N | δ |
| ε_{\max} | $4,929 \cdot 10^{-2}$ | $5,9 \cdot 10^{-2}$ |
| ε_{avg} | $3,871 \cdot 10^{-3}$ | $4 \cdot 10^{-3}$ |

В системе координат, показанной на рис. 1,б, перемещения (15) при растяжении-сжатии составляют

$$\bar{u}_z^{(c1)} = -\frac{\nu_2}{E_2} \sigma_{xx}^{(c1)} R_2, \quad (20)$$

а при изгибе

$$\bar{u}_z^{(c2)} = -\frac{\nu_2}{2E_2} \sigma_{xx}^{(c2)} R_2. \quad (21)$$

Из рис. 4,а видно, что максимальное контактное давление p_0 , отнесенное к $p_0^{(c)} = 3,844 \cdot 10^9$ Па, в зависимости от неконтактных напряжений в центре области контакта σ_a , отнесенных к $\sigma_a^{(nax)} = 6,4 \cdot 10^8$ Па, изменяется примерно от +17% до -20% при растяжении-сжатии и примерно от +9% до -9% при изгибе. Из рис. 4,б следует, что контактная сила F_N , отнесенная к $F_N^{(c)} = 2000$ Н, в зависимости от неконтактных напряжений в центре области контакта σ_a , отнесенных к $\sigma_a^{(nax)} = 6,4 \cdot 10^8$ Па, изменяется примерно от +60% до -50% при растяжении-сжатии и примерно от +27% до -25% при изгибе. Из рис. 5 видно, что при испытаниях на контактно-механическую усталость изменение коэффициента сопротивления качению несколько больше в зоне сжатия, чем в зоне растяжения. Это в качественном отношении соответствует результатам приведенных расчетов (см. рис. 4 и 5). Рассмотрим результаты численного расчета пространственного напряженно-деформированного состояния [2, 3, 8, 9] системы ролик/вал в соответствии с выражением (6). Из распределений, представленных на рис. 6, хорошо видно, что напряженно-деформированное состояние трибофатической системы значительно отличается (качественно и количественно) от таковых при традиционно отдельно изучаемых контакте и изгибе.

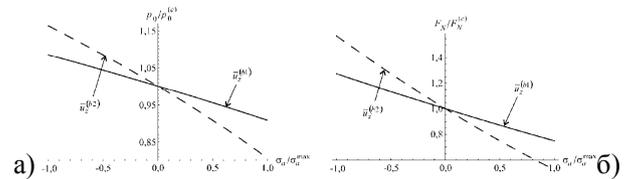


Рис. 4. Зависимость а) максимального контактного давления б) контактной нагрузки от уровня неконтактных напряжений.

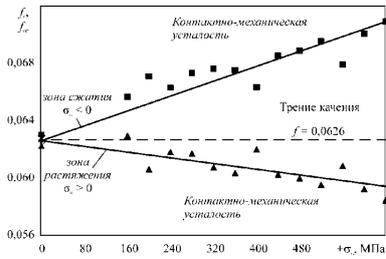


Рис. 5. Экспериментальная зависимость между параметрами трения в системе ролик/вал и неконтактными напряжениями в области контакта ($p_0 = 200\text{МПа} = \text{const}$).

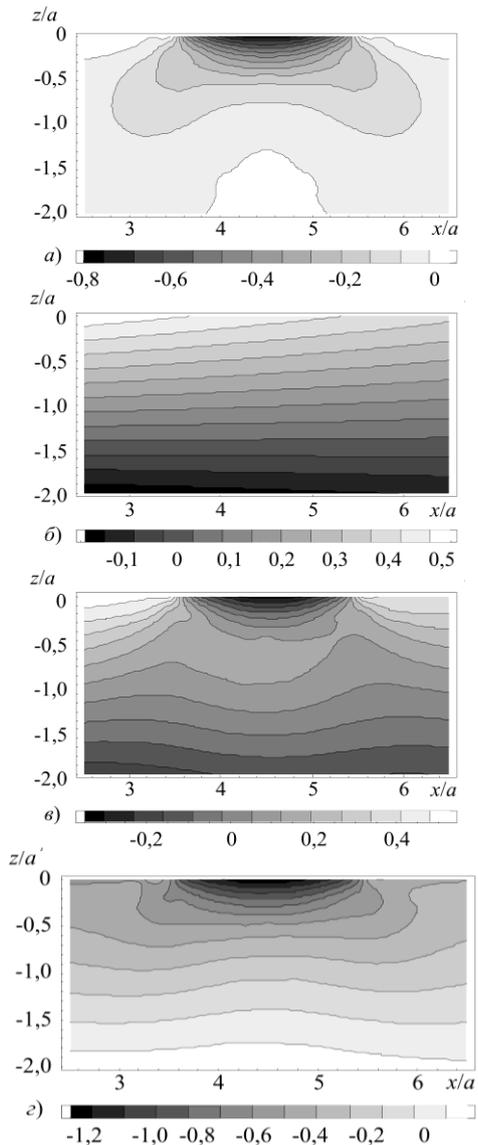


Рис. 6. Распределение напряжений: а – $\sigma_{xx}^{(n)}$; б – $\sigma_{xx}^{(b)}$; в – $\sigma_{xx}^{(n)} + \sigma_{xx}^{(b)}$ ($Q > 0$); г – $\sigma_{xx}^{(n)} - \sigma_{xx}^{(b)}$ ($Q < 0$) (д), отнесенных к максимальному p_0 , в окрестности площадки контакта ($y = 0, a/b = 0.5$).

4. Состояние поврежденности

Состояние поврежденности при контактном взаимодействии будем оценивать с помощью октаэдрического опасного объема [9-**Ошибка! Источник ссылки не найден.**]

$$V_{\text{int}} = \int_V \sigma_{\text{int}} / \sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})} \geq \sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})}, dV \subset V_k \quad (22)$$

в качестве интегральной характеристики поврежденности и относительной величины интенсивности напряжений

$$g_{\text{int}} = \sigma_{\text{int}} / \sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})} \quad (23)$$

для анализа локальных повреждений внутри опасного объема.

Максимальное давление в центре контакта и максимальная интенсивность напряжений при $b/a = 0,5$ связаны следующим соотношением

$$\sigma_{\text{int}}^{(n,\text{max})} = 0,62 \sigma_{zz}^{(n)} \Big|_{x=0, y=0, z=0} = 0,62 p_0 \quad (24)$$

Тогда для предела контактной усталости

$$p_{f \text{ min}} = p_0 \left(\frac{\sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})}}{\sigma_N^{(*\text{lim})}} \right) \quad (25)$$

предельная интенсивность напряжений будет

$$\sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})} = 0,62 p_{f \text{ min}} \quad (26)$$

На рис. 7, 8 показаны опасные объемы и поврежденность для $\sigma_{\text{int}}^{(*\text{lim})} = 0,3 p_0$ при действии только нормальной контактной нагрузки $p(x, y)$ (рис. 7) и совместном действии нормальной и касательной $q^{(a)}(x, y) = \mu p_0(x, y)$ (рис. 8) контактных нагрузок.

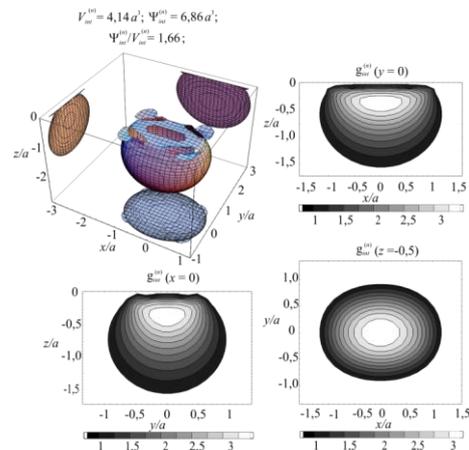


Рис. 7. Опасный объем $V_{\text{int}}^{(n)}$ и распределение локальных повреждений в его сечениях

Кроме того, на рис. 7, 8 приведены значения средней поврежденности опасного объема, вычисляемые по следующей формуле:

$$\Psi_{\text{int}} = \int_{g_{\text{int}} \geq 1} g_{\text{int}} dV \quad (27)$$

Из рис. 8 видно, что в направлении действия касательных усилий видны характерные изменения формы октаэдрического опасного объема по сравнению со случаем чистого контакта (рис. 7).

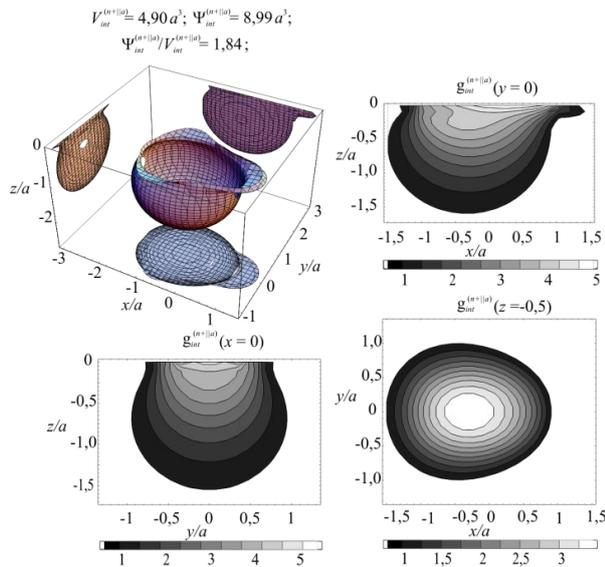


Рис. 8. Опасный объем $V_{int}^{(n+|a)}$ и распределение локальных повреждений в его сечениях.

Также видно, что наибольший опасный объем и средняя поврежденность формируются при одновременном действии нормальных $p(x,y)$ и касательных $q^{(l\alpha)}$ $\llcorner, y \llcorner$ усилий.

На рис. 9, 10 показаны опасные объемы и поврежденность в вале для $\sigma_{int}^{(*lim)}$ при совместном действии нормальной контактной нагрузки $p \llcorner, y \llcorner$ и неконтактной изгибающей силы F_b .

Из данных рисунков видно изменение формы и величины V_{int} вследствие действия неконтактной силы по сравнению со случаем чистого контакта (рис. 7).

Из сравнения рисунков рис. 9, 10 видно, что в области растяжения (рис. 9) окрестности контакта силой F_b поврежденность будет наибольшей.

5. Заключение

Представлены решения задачи определения механических состояний трибофатических систем, с учетом контактного взаимодействия элементов системы и действия неконтактной нагрузки.

Построена система интегральных уравнений для системы твердых тел, к которым приложены смешанные граничные условия. Решение предложенной системы уравнений для поверхностей, взаимодействующих тел (т.е. определение граничных условий) позволяют моделировать обратный эффект в трибофатике, а решение для внутренней области тела – прямой.

Приведено решение задачи о состоянии поврежденности трибофатической системы, которое построено на базе представления об объемной мере поврежденности, называемой опасным объемом.

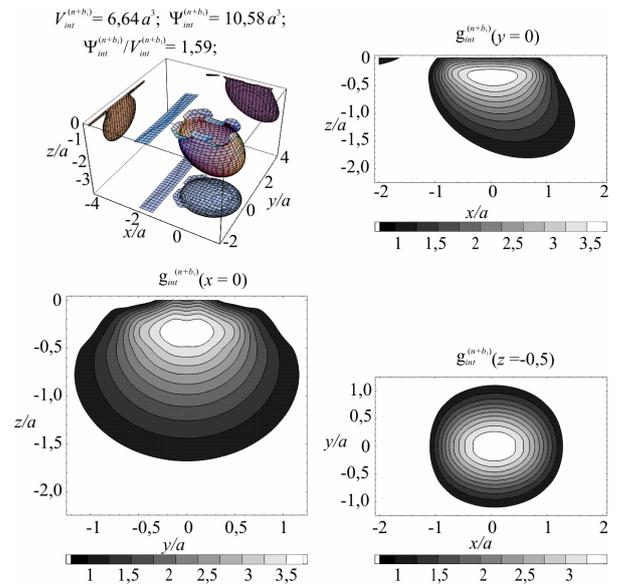


Рис. 9. Опасный объем $V_{int}^{(n+b_1)}$ и распределение локальных повреждений в его сечениях.

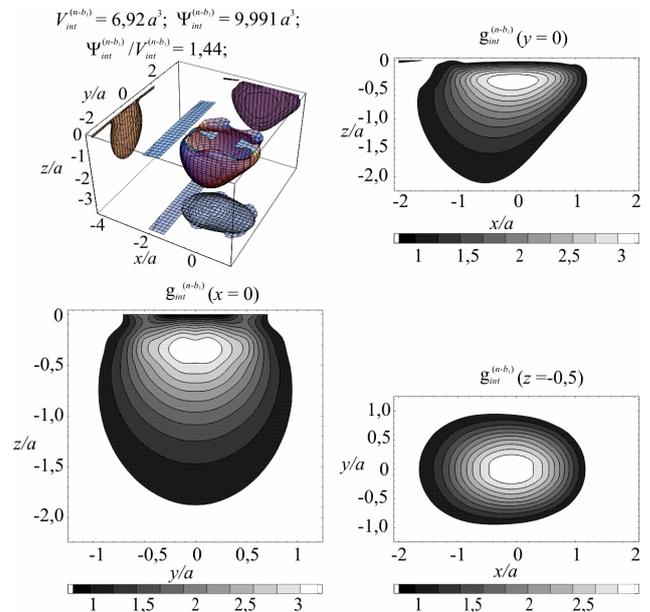


Рис. 10. Опасный объем $V_{int}^{(n-b_1)}$ и распределение локальных повреждений в его сечениях.

Показано, что как напряженно-деформированное состояние, так и состояние поврежденности может значительно изменяться при одновременном действии контактных и неконтактных нагрузок.

Данные изменения предоставляют возможность управления поврежденностью, а, следовательно, и долговечностью трибофатических систем, соотношением нагрузок различной природы.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Сосновский, Л.А.* Основы трибофатики/ Л. А. Сосновский. – Гомель: БелГУТ, 2003. – Т. 1. – 246 с.; – Т. 2. – 234с.
2. *Sosnovskiy, L.A.* Tribo-Fatigue. Wear-fatigue damage and its prediction (Foundations of engineering mechanics)/ L.A. Sosnovskiy. – Springer, 2004. – 424 pp.
3. *Сосновский, Л.А.* Механика износоусталостного повреждения / Л. А. Сосновский. – Гомель: БелГУТ, 2007. – 434 с.
4. *Журавков, М.А.* Математическое моделирование в трибофатике / М.А. Журавков, Л.А. Сосновский, С.С. Щербаков // X Белорусская математическая конференция: Тез. Докл. Междунар. науч. конф. Минск, 3-7 ноября 2008 г. – Часть 2. – Мн.: институт математики НАН Беларуси, 2008. – С. 120–121.
5. *Бенерджи, П., Баттерфилд, Р.* “Методы граничных элементов в прикладных науках,” М., Мир, 1984, 494 с
6. *Журавков, М.А.* Математическое моделирование деформационных процессов в твердых деформируемых средах (на примере задач механики горных пород и массивов): курс лекций / М. А. Журавков. – Минск: БГУ, 2002. – 456 с.
7. *Джонсон, К.* Механика контактного взаимодействия / К. Джонсон. – М.: Мир, 1989. – 510 с.
8. *Щербаков С.С.* Исследование напряженного состояния силовой системы для испытаний на контактно-механическую усталость / Динаміка, міцність і надійність сільськогосподарських машин: тр. I Междунар. науч.-техн. конф., Тернополь, Украина, 4–7 октября 2004 г. С. 400–407.
9. *Sosnovskiy, L.A.* Vibro-impact in rolling contact / L.A. Sosnovskiy, S.S. Sherbakov // Journal of Sound and Vibration. – 2007. –Vol.308, Issues 3-5, – С. 489–503.
10. *Журавков, М.А.* Расчет опасных объемов при контактом нагружении / М. А. Журавков, С.С. Щербаков // Вестн. БГУ. Сер. 1. 2007. – № 1. – С. 117–122.
11. *Журавков М.А., Щербаков С.С.* Исследование опасных объемов при решении контактной задачи для системы ролик/кольцо // Тр. V Междунар. симпозиума по трибофатике (ISTF 2005), Иркутск, Россия, 3–7 октября 2005 г. Т. 1. С. 375–390.
12. *Троценко, В.Т.* Сопротивление усталости металлов и сплавов: справочник в 2 т. / В.Т. Троценко, Л. А. Сосновский. – Киев: Наукова думка, 1987. – Т. 1. – 508 с.
13. *Сосновский, Л.А.* Статистическая механика усталостного разрушения / Л. А. Сосновский. – Минск: Наука и техника, 1987. 288 с.

FUNDAMENTAL AND APPLIED PROBLEMS OF TRIBO-FATIGUE AND THEIR PRACTICAL APPLICATIONS IN MACHINE BUILDING

© 2011 M.A. Zhuravkov, S.S. Sherbakov

Belarusian State University, Minsk, Belarus

Main some problems of interaction in tribo-fatigue systems are considered. The results of calculations showing influence of volume (non-contact) loads on contact pressure are presented. Stress-strain state and state of damage of typical tribo-fatigue system are considered.

Key words: tribo-fatigue system, spatial stress-strain state, contact interaction, non-contact loads, state of damage, dangerous volume

Michail Anatolievich Zhuravkov, Doctor of Physics and Mathematics, Professor, first pro-rector, Head of managing chair «Theoretical and applied mechanics». E-mail: tribo-fatigue@sail.ru

Sergei Sergeevitch Sherbakov, Cand.Tech.Sci., Docent of chair «Theoretical and applied mechanics». E-mail: tribo-fatigue@sail.ru