УДК 681.51:664.1(04)

## ИССЛЕДОВАНИЕ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ УПРАВЛЕНИЯ АВТОМАТИЗИРОВАННЫМ ИНДИВИДУАЛЬНЫМ ТЕПЛОВЫМ ПУНКТОМ С ТИПОВЫМИ РЕГУЛЯТОРАМИ

© 2012 Е.А. Потапенко, А.С. Солдатенков, А.Н. Потапенко, С.Н. Глаголев Белгородский государственный технологический университет им. В.Г. Шухова

Поступила в редакцию 25.03.2012

Показаны возможности математического моделирования управления автоматизированным индивидуальным тепловым пунктом (ИТП) здания с известными типовыми регуляторами. Исследованы законы регулирования 2-х типов: пропорционально-интегральный и интегральный, формируемые блоком регулирования контроллера с учётом применения исполнительного механизма. Показаны возможности использования И-регулятора для процесса отопления в автоматизированном ИТП здания.

Ключевые слова: индивидуальный тепловой пункт, автоматическое регулирование, математическое моделирование

Создание автоматизированных систем управления теплоснабжением зданий позволяет частично приблизить их к «интеллектуальным» [1, 2]. Внедрение инновационных технологий на основе автоматизированного индивидуального теплового пункта (ИТП) здания даёт возможность получить экономию тепловой энергии в переходные периоды отопительного сезона. Один из основных «интеллектуальных» приборов автоматизированного ИТП здания – контроллер, как правило, специализированного вида [3], позволяющий выполнять количественное регулирование теплоносителя, поддерживающий коммуникационные протоколы, как фирм производителей, так и стандартные, с возможностью реализации решений по диспетчеризации, предназначенный для обеспечения теплопотребления здания или сооружения с минимальными энергетическими затратами и др. Для автоматизированных ИТП зданий предлагаются, например, контроллеры типа ECL Comfort (Danfoss, Дания) различных модификаций [4], контроллеры типа ТРМ32 и его модификация ТРМ132 (ОВЕН, Москва) [5], причём в отличие от ECL Comfort эти контроллеры не имеют основных блоков управления электроприводами насосов в системах отопления (СО) и горячего водоснабжения.

В [6] с помощью математического моделирования процессов отопления комплекса зданий при различных схемах теплопотребления было установлено, что при одновременном применении

Потапенко Евгений Анатольевич, кандидат технических наук, профессор кафедры организации и безопасности движения. E-mail: potapenko1@intbel.ru

Солдатенков Алексей Сергеевич, старший преподаватель кафедры электротехники и автоматики. E-mail: aser@pisem.net

Потапенко Анатолий Николаевич, кандидат технических наук, профессор кафедры электротехники и автоматики. E-mail: potapenko@intbel.ru

Глаголев Сергей Николаевич, доктор экономических наук, профессор. E-mail: sergeyglagolev@yandex.ru автоматизированных ИТП и элеваторных узлов может наблюдаться отрицательный эффект, т.е. отсутствовать экономия тепловой энергии. Этот факт экспериментально был зафиксирован в [7]. В [8] на базе разработанной модели [6] были исследованы с помощью математического моделирования особенности управления автоматизированным ИТП с применением различных типов исполнительных механизмов (ИМ), входящих в состав регулятора системы автоматизации объекта управления (ОУ). При этом было показано, например, что при одних и тех же параметрах контроллера, но с увеличением быстродействия ИМ на базе применения АМЕ 30 (Danfoss) в сравнении с АМЕ 20, возникает режим частого переключения электродвигателя ИМ. В целом это недопустимо, так как приводит к преждевременному выходу из строя электродвигателя ИМ, поэтому это явление должно исключаться путем коррекции параметров контроллера.

Постановка задачи. Исследуются с помощью математического моделирования особенности управления автоматизированным ИТП с известными типовыми регуляторами. За основу математического моделирования исследуемых процессов принят подход [6, 8].

Особенности схем моделирования. Структура типового автоматизированного ИТП для зависимой системы отопления, показанная на рис. 1, содержит технологический контроллер ТК1, моноблок циркуляционных насосов Н1 и Н2 с электроприводами М1 и М2, регулирующий клапан К1 с исполнительным механизмом ИМ1, обратный клапан КО1, регулятор перепада давления прямого действия РД1 с клапаном К2, датчик температуры наружного воздуха ДТ1, датчики температуры теплоносителя ДТ2 и ДТ3, датчики давления ДД1 и ДД2, а также узел учета тепловой энергии, например, теплосчетчик с комплектом датчиков температуры, расхода и давления.

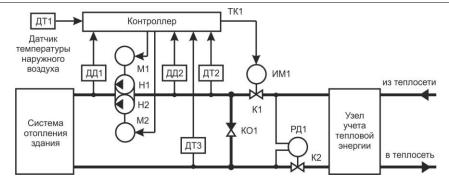
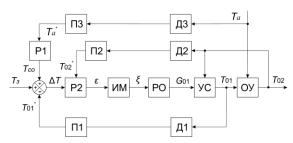


Рис. 1. Блок-схема автоматизированного ИТП здания

Обобщенная функциональная схема системы отопления автоматизированного ИТП здания показана на рис. 2. Состав элементов схемы следующий: блок регулятора по возмущению Р1 (погодная компенсация); двухконтурный блок регулятора Р2 по отклонению технологической величины; П1 – П3 элементы-преобразователи выходных величин датчиков температуры Д1 -ДЗ в измеряемые ими физические величины; исполнительный механизм ИМ; регулирующий орган РО в виде седельного клапана; узел смешивания теплоносителей УС (см. рис. 1) от присоединяемых тепловых сетей и от обратного трубопровода системы отопления здания через перемычку с обратным клапаном; объект управления ОУ, представляющий собой СО здания.



**Рис. 2.** Функциональная схема автоматизированного ИТП здания

Обозначения основных величин функциональной схемы следующие:  $T_a$  – исходная температура наружного воздуха;  $T_a$  – температура наружного воздуха на входе в блок P1;  $T_{co}$  – требуемая в соответствии с принципом погодной компенсации расчетная температура теплоносителя в подающем трубопроводе СО здания после перемычки с обратным клапаном (см. рис. 1);  $T_3$ - расчетное отклонение температуры теплоносителя в подающем трубопроводе СО здания, заданное диспетчером с целью коррекции  $T_{co}$ ;  $\Delta T$  – отклонение по температуре регулируемой величины  $T_{01}$ ;  $\varepsilon$  – приведенный управляющий сигнал регулятора Р2;  $\xi$  — приведенная величина перемещения РО;  $G_{01}$  — расход теплоносителя после РО, т.е. перед перемычкой с обратным клапаном;  $T_{01}$  — температура теплоносителя в подающем трубопроводе внутреннего контура СО здания;  $T_{01}^{*}$  — измеренная температура теплоносителя в СО здания;  $T_{02}$  — температура теплоносителя в обратном трубопроводе СО здания;  $T_{02}^*$  – измеренная температура теплоносителя на входе в Р2.

Система уравнений математического моделирования. Математическая модель СО здания на основе автоматизированного ИТП в соответствии с функциональной схемой и с учётом структур регуляторов Р1 и Р2 (в целях упрощения схемы на рис. 2 их структуры не раскрыты) представлена в виде системы уравнений (1).

$$\begin{aligned}
& \tau_{da} \frac{dT_{a}^{*}(t)}{dt} + T_{a}^{*}(t) = k_{da}T_{a}(t), \\
& \tau_{d1} \frac{dT_{01}^{*}(t)}{dt} + T_{01}^{*}(t) = k_{d1}T_{01}(t), \\
& T_{co}(t) = f_{1}(T_{a}^{*}), \\
& \Delta T(t) = T_{co}(t) + T_{3}(t) - T_{01}^{*}(t), \\
& x_{1}(\Delta T) = \begin{cases} 0, -X_{d} \leq \Delta T(t) \leq X_{d}, \\
k_{1}\Delta T(t), |\Delta T(t)| > X_{d}, \end{cases} \\
& \varepsilon(t) = \frac{k_{m}}{X_{p}} \left[ x_{1}(\Delta T)T_{u} + \frac{dx_{1}(\Delta T)}{dt} \right], \\
& x_{2}(t) = \begin{cases} k_{2}\varepsilon(t), -k_{m} \leq \varepsilon(t) \leq k_{m}, \\
k_{m}, |\varepsilon(t)| > k_{m}, \end{cases} \\
& \frac{d\xi(t)}{dt} = \frac{k_{u}}{\tau_{u}} x_{2}(t), \\
& G_{01}(t) = G_{1} k_{k} e^{k_{2}\xi(t)}, \\
& T_{1}G_{01}(t) + T_{02}(t)(G_{co} - G_{01}(t)) = G_{co}T_{01}(t), \\
& \tau_{1}\tau_{2} \frac{d^{2}T_{02}(t)}{dt^{2}} + (\tau_{1} + \tau_{2}) \frac{dT_{02}(t)}{dt} + T_{02}(t) = kT_{01}(t), \\
& \tau_{d2} \frac{dT_{02}^{*}(t)}{dt} + T_{02}^{*}(t) = k_{d2}T_{02}(t), \end{aligned} \tag{1}
\end{aligned}$$

Система (1) включает следующие уравнения: уравнения движения датчиков температуры Д3 и Д1; уравнения для регуляторов Р1 и Р2 (уравнение отопительного графика для вычисления расчетной температуры теплоносителя в подающем трубопроводе СО здания  $T_{co}$ ; уравнение связи для определения  $\Delta T$ ; нелинейное уравнение зоны нечувствительности регулятора; уравнение регулятора Р2 для управления в системах теплоснабжения, например, по аналогии со специализированными контроллерами типа ECL Comfort; нелинейное уравнение зоны ограничения);

уравнение исполнительного механизма (считается интегрирующим звеном); уравнение РО относительно выходной величины  $G_{01}$ ; уравнение связи для УС; уравнение движения ОУ по каналу регулирования «температура теплоносителя  $T_{02}$  - температура теплоносителя  $T_{01}$ »; уравнение движения датчика температуры Д2.

Дополнительные обозначения в системе уравнений (1) следующие:  $\tau_{di}$  и  $k_{di}$  – соответственно постоянная времени и коэффициент передачи i-го датчика температуры;  $G_{co}$  – расход теплоносителя во внутреннем контуре СО здания, определяемый циркуляционным насосом (см. рис. 1);  $G_1$  – номинальный расход теплоносителя на входе PO;  $T_1$  – температура теплоносителя в подающем трубопроводе на вводе в ИТП;  $x_1(\Delta T)$  – выходная величина нелинейной зоны нечувствительности регулятора P2;  $x_2(t)$  – выходная величина нелинейной зоны ограничения (насыщения) в регуляторе P2;  $k_1$  и  $k_2$  – коэффициенты пропорциональности соответственно нелинейных зон нечувствительности и ограничения регулятора Р2;  $X_d$  — зона нечувствительности регулятора Р2;  $X_p$  — зона пропорциональности регулятора Р2;  $T_u$  — постоянная регулятора Р2. Основные результаты расчётов. На основе математической модели СО здания (см. систему уравнений (1)) с помощью имитационного моделирования в среде Simulink исследуем законы регулирования 2-х типов: пропорционально-интегрального и интегрального, формируемые блоком регулирования Р2 контроллера с применением определённого типа исполнительного механизма. Уравнение для определения величины тепловой мощности W(t) в здании с учётом применения автоматизированного ИТП следующее:

$$W(t) = G_{01}(t)T_1(t) - G_{02}(t)T_{02}(t).$$
 (2)

Параметры моделирования. Считаем, что в начальный момент времени t=0 выполняется переход автоматизированного ИТП здания в режим пониженного теплопотребления за счет уменьшения  $T_3$  на 5°C. В итоге температура теплоносителя  $T_{co}$  также уменьшается на 5°C. Исходные параметры для имитационного моделирования в среде Simulink представлены в табл. 1.

Наименование параметра, его обозначение	Величина, размерность
коэффициент преобразования объекта управления, <i>k</i>	0,807
постоянная времени объекта управления, $\tau_1$	1337 с
постоянная времени объекта управления, $\tau_2$	759 c
начальная температура теплоносителя в системе, $T_2$	48,2°C
максимальный расход на вводе в ИТП, $G_1$	14,7 м <sup>3</sup> /ч
максимальный расход в CO здания, $G_{co}$	16 м <sup>3</sup> /ч
температура наружного воздуха, $T_a$	-1,0°C
начальное положение штока клапана ИМ	74,6%
параметр регулятора P2, $k_m$	100%
параметр регулятора $P2, X_d$	0°C

Таблица 1. Исходные параметры для моделирования

Учитывая, что исследуются контроллеры типа ECL Comfort (Danfoss), поэтому и остальные элементы автоматизации объекта управления (ОУ) принимаем этой же фирмы. Основные характеристики датчиков времени представлены в табл. 2.

**Таблица 2.** Постоянные времени датчиков температуры

Тип дат- чика	Назначение и ус- ловное обозначение	Величина, размерность
ESMU-100	Погружной медный датчик температуры	32 c
	теплоносителя в гильзе, $ au_{d1}$	
ESMT	Датчик температуры наружного воздуха, $ au_{da}$	900 с

Основные характеристики регулирующего клапана РО типа VB2 фирмы Danfoss, представлены в табл. 3.

**Таблица 3.** Характеристики регулирующего клапана типа VB2

Наименование парамет- ра, его обозначение	Величина, размерность
диаметр, $D_{v}$	40 мм
коэффициент, $k_{kvs}$	25 м <sup>3</sup> /ч
условное давление, $P_{\nu}$	2,5 МПа
температура, $T_{min}$	5 °C
температура, $T_{max}$	150 °C
ход штока, $h$	10 мм

Технические характеристики исполнительного механизма типа AME 20 фирмы Danfoss для работы с регулирующим клапаном VB2 представлены в табл. 4.

**Таблица 4.** Характеристики исполнительного механизма AME 20

Наименование параметра	Величина, размерность
напряжение	24 B
частота	50/60 Гц
потребляемая мощность	4 BT
тип управляющего сигнала	аналоговый
развиваемое усилие	450 H
ход штока	10 мм
время перемещения штока на 1 мм	15 с/мм
входной сигнал 1	0 – 10 B;
	$R_i = 24 \text{ кОм}$
входной сигнал 2	0-20 мА;
	<i>R<sub>i</sub></i> =500 кОм
выходной сигнал	0(2) - 10 B
наличие возвратной пружины	нет
минимальная температура окру-	0 °C
жающей среды	
максимальная температура окру-	55 °C
жающей среды	

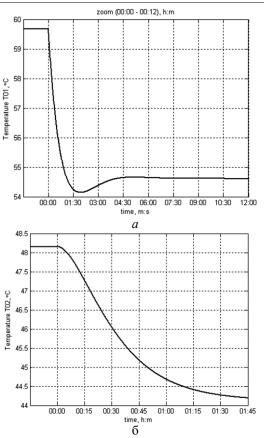
Результаты моделирования. Регулятор автоматизированной системы для ОУ [9] включает контроллер с блоком регулирования Р2 и исполнительный механизм ИМ (см. рис. 2), их уравнения движения представлены в системе уравнений (1). В отличие от [8] в этой работе на основе применения ИМ типа АМЕ 20 (см. табл. 2) изменяются параметры блока регулирования контроллера и вид закона, который он формирует с учётом исследуемого типа регулятора. Длительность моделирования при исследованиях во всех случаях 1 час 45 мин.

Вариант 1. Исследуется пропорциональноинтегральный закон регулирования (ПИрегулятор), формируемый блоком регулирования Р2 контроллера с применением ИМ типа АМЕ 20. Уравнение движения блока регулирования Р2, имеет вид (см. систему уравнений (1)):

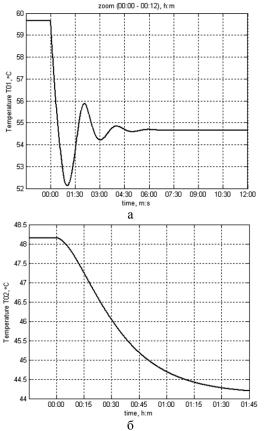
$$\varepsilon(t) = \frac{k_m}{X_p} \left[ x_1(\Delta T) T_u + \frac{dx_1(\Delta T)}{dt} \right], \tag{3}$$

где  $X_p$  80°С,  $T_u$ =10 с. Исходное уравнение (3) в ПИ-регуляторе затем интегрируется ИМ. Это важная особенность рассматриваемого контроллера. Результаты имитационного моделирования с учётом данных  $X_p$ , и  $T_u$  по этому варианту исследований показаны на рис. 3.

Анализ исследуемых динамических характеристик в виде изменений температуры теплоносителя  $T_{01}$  на вводе в СО здания в увеличенном масштабе времени (см. рис. 3а) и температуры теплоносителя  $T_{02}$  в обратном трубопроводе на выходе из СО здания (см. рис. 3б) показывает, что они имеют вид апериодических переходных процессов. В этом случае расчетное теплопотребление здания составляет величину порядка 1,08502 ГДж. Увеличим в уравнении (2) время, т.е. принимаем его как  $T_u$ =60 с. Результаты имитационного моделирования показаны на рис. 4.



**Рис. 3.** Зависимости изменений  $T_{01}$  на вводе в CO здания (*a*) и  $T_{02}$  в обратном трубопроводе на выходе из CO здания (*б*)



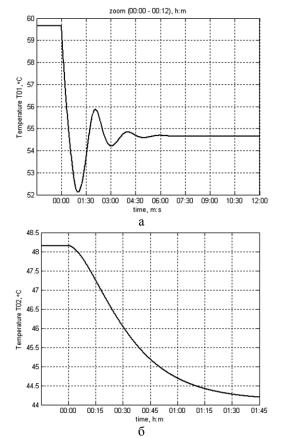
**Рис. 4.** Зависимости изменений  $T_{01}\left(a\right)$  и  $T_{02}\left(\delta\right)$  СО здания

Анализ исследуемых динамических характеристик в виде изменений  $T_{01}$  на вводе в СО здания в увеличенном масштабе времени (см. рис. 4а) и температуры теплоносителя  $T_{02}$  в обратном трубопроводе на выходе из СО здания (см. рис. 4б) показывает, что наблюдается для  $T_{01}$  переходный процесс колебательного вида. Расчетное теплопотребление порядка  $1,08858\ \Gamma$ Дж.

Вариант 2. Исследуется интегральный закон регулирования (И-регулятор), формируемый блоком регулирования Р2 контроллера с применением аналогичного ИМ. В связи с этим уравнение движения блока регулирования Р2 заменяется в системе уравнений (1) на уравнение вида:

$$\varepsilon(t) = \frac{k_m}{X_p} \left[ x_1(\Delta T) T_u \right],\tag{4}$$

где  $X_p$ =80°C,  $T_u$ =60 с. Исходное уравнение (4) в И-регуляторе затем интегрируется ИМ. Результаты имитационного моделирования для этого варианта показаны на рис. 5.

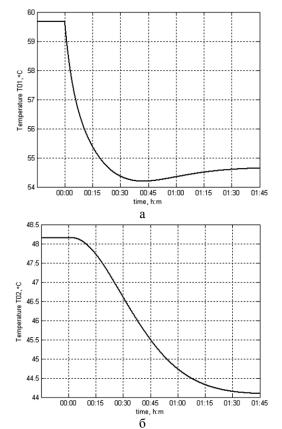


**Рис. 5.** Зависимости изменений  $T_{01}$  (*a*) и  $T_{02}$  (*б*) СО здания

Анализ исследуемых динамических характеристик в виде изменений температуры теплоносителя  $T_{01}$  на вводе в СО здания в увеличенном масштабе времени (см. рис. 5а) и температуры теплоносителя  $T_{02}$  в обратном трубопроводе на выходе из СО здания (см. рис. 5б) показывает, что наблюдается для  $T_{01}$  переходный процесс колебательного вида. Расчетное

теплопотребление здания в исследуемом случае порядка 1,08535 ГДж.

В уравнении (3) принимаем следующие значения параметров:  $X_p$ =100°С,  $T_u$ =1 с. При проведении всех исследований выбирались значения  $T_u$ =const с учётом того, что  $T_u$  больше или меньше времени перемещения штока клапана с помощью ИМ (см. табл. 4). Результаты имитационного моделирования с учётом выбранных значений  $X_p$  и  $T_u$  показаны на рис. 6.



**Рис. 6.** Зависимости изменений  $T_{01}\left(a\right)$  и  $T_{02}\left(\delta\right)$  СО здания

Анализ исследуемых динамических характеристик в виде изменений  $T_{01}$  на вводе в СО здания в увеличенном масштабе времени (см. рис. 6а) и температуры теплоносителя  $T_{02}$  в обратном трубопроводе на выходе из СО здания (см. рис. 6б) показывает, что они имеют вид апериодических переходных процессов. Как и следовало ожидать, расчетное теплопотребление здания уменьшилось до величины 1,08456 ГДж.

Сравнительный анализ полученных результатов для исследуемых 2-х законов регулирования, формируемых блоком регулирования Р2 контроллера с применения ИМ типа АМЕ 20 при различных параметрах блока контроллера, показал следующее:

- 1) для ПИ-регулятора расчетное теплопотребление здания незначительно увеличивается с 1,08502 ГДж до 1,08858 ГДж при возникновении колебательного переходного процесса;
- 2) для И-регулятора расчетное теплопотребление здания находится на уровне аналогичном как для ПИ-регулятора и незначительно увеличивается

при колебательном переходном процессе с 1,08456 ГДж до 1,08535 ГДж.

Переходные процессы колебательного вида для ИМ должны быть исключены, так как они приводят к преждевременному выходу из строя электродвигателя ИМ. Для устранения колебательных процессов, появившихся в автоматической системе регулирования автоматизированного ИТП при исследуемых процессах, необходимо изменить настроечные параметры регулятора с учётом заданного времени перемещения штока с помощью ИМ.

## Выволы:

- 1. Представлены возможности математического моделирования управления автоматизированным ИТП здания с известными типовыми регуляторами. С помощью имитационного моделирования в среде Simulink исследованы и выявлены особенности автоматизированного ИТП на базе применения ПИ- и И-регуляторов.
- 2. В инновационных технологиях, внедряемых при создании автоматизированных ИТП зданий, необходимо учитывать полученные результаты, которые показали, что теплопотребление здания при типовых законах регулирования находится приблизительно на одном и том же уровне и поэтому для регулирования процесса отопления здания имеется возможность практического применения И-регулятора, так как он проще в реализации и в настройке.
- 3. Анализ переходного процесса с учётом температуры теплоносителя  $T_{02}$  в обратном трубопроводе здания показывает, что ОУ является низкочастотным фильтром по отношению к существенным колебаниям на его вводе (в подающем трубопроводе).
- 4. В отличие от известных методик определения параметров блока регулирования контроллера на основе расчётной переходной характеристики последовательного соединения ОУ и датчика температуры с помощью разработанной математической модели имеется возможность

определять не только оптимальные параметры настройки блока регулирования, но прежде всего параметры теплоносителя при возможных изменениях как в структуре элементов автоматизированного ИТП, так и в СО здания или сооружения.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

- 1. *Нагттап, Т.* Индустрия комфорта: возможности XXI века / *Т Нагттап* // Вентиляция, отопление, кондиционирование воздуха, теплоснабжение и строительная теплофизика. 2001. №3. С. 16-20.
- Табунщиков, Ю.А. Энергоэффективные здания / Ю.А. Табунщиков, М.М. Бродач, Н.В. Шилкин. М.: АВОК-ПРЕСС, 2003. 200 с.
   Ицкович, Э.Л. Классификация современных кон-
- Ицкович, Э.Л. Классификация современных контроллеров и их сетевых комплексов // Оборудование. 2004. № 7. С. 36-41.
- Электронные регуляторы и электрические средства управления. Каталог RC.08.E3.50 – М.: ООО «Данфосс», 2009. 115 с.
- Оборудование для автоматизации. Каталог продукции 2010 М.: ООО «ОВЕН», 2010. 384 с.
- Потапенко, А.Н. Математическое моделирование процессов отопления распределенного комплекса зданий при различных схемах теплопотребления / А.Н. Потапенко, А.С. Солдатенков, Е.А. Потапенко // Известия Самарского научного центра Российской академии наук. 2011. Т13, №4(4). С. 998-1002.
- Потапенко, А.Н. Автоматизированное управление процессом централизованного теплоснабжения распределенного комплекса зданий с учетом моделирования этих процессов / А.Н. Потапенко, Е.А. Потапенко, А.С. Солдатенков, А.О. Яковлев // Известия высших учебных заведений. Проблемы энергетики. 2007. № 7-8. С. 120-134.
- 8. Солдатенков, А.С. Разработка и исследование математической модели управления автоматизированным индивидуальным тепловым пунктом / А.С. Солдатенков, А.Н. Потапенко, С.Н. Глаголев // Научно-технические ведомости СПбГПУ. 2012. №1. С. 41-48.
- Клюев, А.С. Наладка средств автоматизации и автоматических систем регулирования: справочное пособие / А.С. Клюев и др.; 2-е изд., перераб. и доп. М.: Энергоатомиздат, 1989. 368 с.

## RESEARCH THE MATHEMATICAL MODEL OF AUTOMATED INDIVIDUAL THERMAL POINT MANAGEMENT WITH STANDARD CONTROLLERS

© 2012 E.A. Potapenko, A.S. Soldatenkov, A.N. Potapenko, S.N. Glagolev Belgorod State Technological University named after V.G. Shukhov

Possibilities of mathematical modeling of automated individual thermal point management (ITP) of a building with known standard controllers are shown. Laws of regulation of two types are investigated: proportional and integral and integral, regulations of the controller formed by the block taking into account application of operating mechanism. Possibilities of using the I-controller for heating process in automated ITP of a building are shown.

Key words: individual thermal point, automatic control, mathematical modeling

Evgeniy Potapenko, Candidate of Technical Sciences, Professor at the Department of Traffic Management and Road Safety. E-mail: potapenko1@intbel.ru; Aleksey Soldatenkov, Senior Teacher at the Department of Electrotechnics and Automation. E-mail: aser@pisem.net; Anatoliy Potapenko, Candidate of Technical Sciences, Professor at the Department of Electrotechnics and Automation. E-mail: potapenko@intbel.ru; Sergey Glagolev, Doctor of Economy, Professor. E-mail: sergeyglagolev@yandex.ru