

УДК 51-74

ЧИСЛЕННЫЕ РАСЧЕТЫ ПО МАТЕМАТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ ОЦЕНИВАНИЯ ВЕРОЯТНОСТИ ВОЗНИКНОВЕНИЯ СБОЯ ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ БИЗНЕС-ПРОЦЕССА КТПП АВИАСТРОИТЕЛЬНОГО ПРЕДПРИЯТИЯ

© 2013 О.В. Железнов, Ю.В. Полянских

Ульяновский государственный университет

Поступила в редакцию 26.10.2013

В статье рассмотрено описание бизнес-процесса конструкторско-технологической подготовки производства, представлена математическая модель оценивания вероятности возникновения сбоя функционирования бизнес-процесса КТПП авиастроительного предприятия, представлено описание имитационной модели бизнес-процесса и проведения оптимизационного эксперимента, описаны показатели качества функционирования бизнес-процесса КТПП как разомкнутой системы массового обслуживания с ожиданием.

Ключевые слова: модель бизнес-процесса, математическая модель, численные методы, система массового обслуживания, дискретно-событийная модель.

Автоматизированные системы управления производством, информационные системы управленческого учета и контроля, системы представления информационных услуг являются неотъемлемым атрибутом практически всех современных средних и крупных предприятий или организаций. Для решения задач управления в структуре информационной системы могут присутствовать элементы математической или имитационной модели, соответствующей характеру решаемых проблем. При этом поведение сложной системы есть результатирующая взаимодействия большого количества управляющих контуров.

В ряде задач автоматизированного управления имеется возможность строгой формализации проблемы. Например, значительное количество рисков вполне поддаются минимизации при помощи математических методов. Такие модели прежде всего рекомендуются к использованию в качестве инструмента проведения сценарных экспериментов. Конечно, к такого рода рискам относятся решения, с успехом выражаемые в численных величинах, например, финансовые риски, производственные расходы и т.д. Но в первую очередь эффективность современных информационных систем связана с накоплением различных данных о деятельности предприятия, с возможностью дальнейшего анализа таких данных для принятия действенных управленческих ре-

шений. Одним из основополагающих бизнес-процессов авиастроительного предприятия при изготовлении нового изделия является бизнес-процесс конструкторско-технологической подготовки производства (КТПП) (рис. 1).

Бизнес-процесс КТПП авиастроительного предприятия можно поделить на два бизнес-процесса, это КПП и ТПП. Основные функции КПП заключаются в получении (регистрации) комплекта конструкторской документации (КД) от внешнего конструкторского бюро (КБ), создании базы данных (БД) нормативных документов, проработки КД, проведении нормоконтроля КД, оформлении КТС, УСД, КТСН, определении шифров затрат, формировании БД стандартных изделий, внесении изменений в подлинник КД, согласовании и утверждении отделами (службами) предприятия и запуске в производство. Основные функции ТПП заключаются в получении проработанной КД от управления главного конструктора предприятия (УГК), проектировании средств технологического оснащения (СТО) на основе полученного комплекта КД, изготовлении СТО и подготовка комплекта документации, состоящих из электронной модели СТО, сопровождающей документации СТО, а также технологический процесс (ТП) на изготовление детали.

Рассмотрим бизнес-процесс КПП в виде схемы узлов теории массового обслуживания.

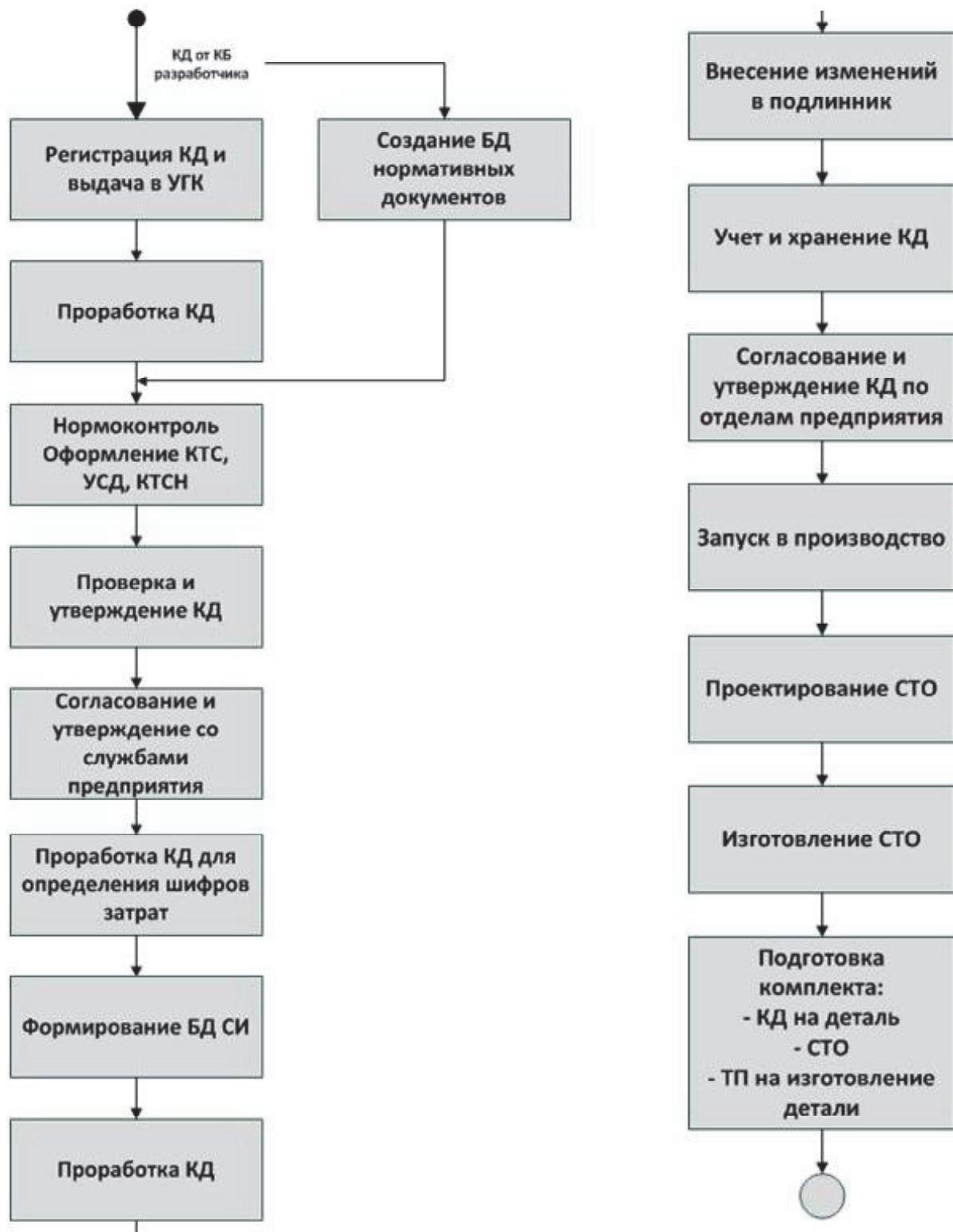
Пусть $A = (A_t)$ – считающий процесс числа единиц поступившей КД от внешнего КБ в зависимости от времени t , тогда по теореме Дуба-Майера [1] справедливо представление в виде, позволяющем проводить разнообразные аналитические исследования в частных случаях, но и легко осуществлять имитационное компьютерное моделирование. Тогда

Железнов Олег Владимирович, заместитель директора НИЦ CALS-технологий, аспирант кафедры математического моделирования технических систем.

E-mail: olegulsu@mail.ru

Полянских Юрий Вячеславович, доктор технических наук, профессор, президент УлГУ, директор Центра компетенций «Авиационные технологии и авиационная мобильность».

E-mail: president@ulsu.ru



$$A_t = \tilde{A}_t + m_t$$

Здесь так называемый “компенсатор” процесса A – процесс $\tilde{A} = (\tilde{A}_t)_{t \geq 0}$ имеет следующий смысл:

$\tilde{A}_t = \tilde{A}_{t+\Delta} - \tilde{A}_t = P\{\tilde{A}_{t+\Delta} - \tilde{A}_t \geq 1 | \mathcal{F}_t\} * \Delta + o(\Delta)$,
где \mathcal{F}_t – σ -алгебра всех событий (то есть вся информация, при условии которой рассчитывается вероятность P) до момента времени t включительно

но. Процесс $m = (m_t)_{t \geq 0}$ – это “остаток”, который невозможно предсказывать, то есть так называемый мартингал – процесс с условно-независимыми приращениями. При этом также имеет место равенство по теореме Деллашери:

$$\Delta \tilde{A}_t = \tilde{A}_{t+\Delta} - \tilde{A}_t = \frac{F(t + \Delta) - F(t)}{1 - F(t)} + o(\Delta),$$

где $F(t)$ – функция распределения времени ожи-

даемого очередного поступления единицы КД.

Будем считать, что комплект КД состоит из конечного числа документов и электронных моделей деталей, тогда

$$A^i = (A_t^i)_{t \geq 0}$$

– считающий процесс числа единиц поступившей КД в i -ый отдел УГК

$$q^i = (q_t^i)_{t \geq 0}$$

– считающий процесс числа единиц обрабатываемой КД в отделе УГК (число заявок в очереди обработки)

$$D^i = (D_t^i)_{t \geq 0}$$

– считающий процесс числа проработанной КД в i -ом отделе УГК (на последнем узле процесс числа КД, передаваемой в УГТ для проектирования СТО).

Общая схема неоднородна, так как 1-ый, 2-ой и два крайних узла имеют особенную структуру. А именно, для балансовых соотношений справедливы выражения следующие выражения:

$$q_t^1 = q_0^1 + A_t + D_t^2 + D_t^3 - D_t^1 - R_t^1$$

$$q_t^2 = q_0^2 + (D_t^1 + R_t^3 + r_t^4) - D_t^2 - R_t^2,$$

где

$$R^i = (R_t^i)_{t \geq 0}$$

– считающий процесс числа возвращаемых на доработку КД во входной узел (отдел УГК, находящийся выше по схеме бизнес-процесса КТПП)

$$r^i = (r_t^i)_{t \geq 0}$$

– считающий процесс числа возвращаемых на доработку КД в узел, стоящий на шаг дальше от входного узла

Для входов на 2-ом узле имеет место следующее уравнение:

$$A_t^2 = D_t^1 + R_t^3 + r_t^4,$$

тогда количество обрабатываемой КД в i -ом отделе (узле) УГК можно представить как

$$q_t^i = A_t^i - D_t^i - R_t^i - r_t^i,$$

а для третьего узла обработки КД справедливо уравнение:

$$q_t^3 = q_0^3 + D_t^2 + R_t^4 + r_t^5 - D_t^3 - R_t^3 - r_t^3,$$

для $3 \leq i \leq n-2$ можно представить в виде:

$$q_t^i = q_0^i + (D_t^{i-1} + R_t^{i+1} + r_t^{i-2}) - (D_t^i + R_t^i + r_t^i),$$

для предпоследнего узла обработки КД можно представить в виде:

$$q_t^{n-1} = q_0^{n-1} + (D_t^{i-2} + R_t^i) - (D_t^{i-1} + R_t^{i-1} - r_t^i).$$

Уравнение для n -го узла справедливы уравнения:

$$\begin{aligned} q_t^n &= q_0^n + (A_t^D + D_t^{i-1}) - (D_t^i - R_t^i - r_t^i) \\ &\quad \left\{ \begin{array}{l} \max_{1 \leq i \leq n} q_t^i \xrightarrow{P} 1 \\ \min_{1 \leq i \leq n} q_t^i \xrightarrow{P} 1 \end{array} \right. \end{aligned}$$

где в качестве управления служат параметры количества сотрудников отделов УГК, количество разновидностей и объем входной в систему КД, время на выполнение операций. Количество проработанной КД должно быть максимальным, при этом время на проработку должно быть минимальным, количество возвратов на доработку минимальным. Ставится задача определения оптимального количества сотрудников КПП, при котором будет повышаться эффективность выполняемой работы, тогда справедливо:

$$\left\{ \frac{D_s - D_0}{s} \right\} \rightarrow \max,$$

тогда

$$A_t = \left[\frac{K}{T} * t \right],$$

где K – общее количество КД за T времени обработки, тогда

$$\widetilde{D}_t^i = \int_0^t I(q_\Delta^i > 0) (\alpha^i N^i) d\Delta,$$

где α^i – коэффициент пропорциональности, N^i – число сотрудников в i -м отделе.

Общее число обработанных заявок (проработанной КД) можно представить как сумму:

$$D_t = D_0 + \widetilde{D}_t^i + m_t^i,$$

где m_t^i – мартингал.

При этом справедливо инфинитезиальное соотношение для условия вероятностей скачков:

$$P\{D_{t+\delta}^i - D_t^i = 1 | q_t^i \geq 1\} = \alpha^i N^i \delta + o(\delta).$$

Для компенсаторов считающих процессов количество возвращаемой на доработку КД справедливо соотношение:

$$\begin{cases} R_t^i = \int_0^t I(q_s^i > 0) R^i ds \\ r_t^i = \int_0^t I(q_s^i > 0) \rho^i ds \end{cases},$$

при этом выполняется:

$$P\{R_{t+\delta}^i - R_t^i = 1 | q_t^i \geq 0\} = R^i \delta + o(\delta);$$

$$P\{\rho_{t+\delta}^i - \rho_t^i = 1 | q_t^i \geq 0\} = \rho^i \delta + o(\delta).$$

Для формализованного оценивания вероятности возникновения сбоя функционирования бизнес-процесса КТПП авиастроительного предприятия определим факторы, влияющие на качество функционирования бизнес-процесса КТПП: пропускная способность системы; вероятность возврата КД на доработку; вероятность занятости каждого из каналов и всех вместе; среднее время занятости каждого канала; вероятность занятости всех каналов; среднее количество занятых каналов; вероятность простоя каждого канала; вероятность простоя всей системы; среднее количество заявок, стоящих в очереди; среднее время ожидания заявки в очереди; среднее время обслуживания заявки.

В УГК поступает комплект КД с интенсивностью λ в смену, среднее время обработки одного комплекта КД составляет $T_{\text{ср}}$. При известных параметрах λ и $T_{\text{ср}}$, по теории массового обслуживания можно посчитать показатели эффективности бизнес-процесса КТПП.

Измеряем время наблюдения, допустим, оно составит T_n . Подсчитываем количество обслуженных заявок $N_{\text{обс.}}$, времена простоя и другие величины. В результате можем вычислить показатели, характеризующие качество работы СМО.

Вероятность обслуживания:

$$P_{\text{обс.}} = N_{\text{обс.}} / N$$

Для расчета вероятности обслуживания заявки в системе достаточно разделить число заявок, которым удалось обслужиться за время T_n .

Пропускная способность системы:

$$A = N_{\text{обс.}} / T_n$$

Для расчета пропускной способности системы достаточно разделить число обслуженных заявок $N_{\text{обс.}}$ на время T_n , за которое произошло это обслуживание.

Вероятность отказа:

$$P_{\text{отк.}} = N_{\text{отк.}} / N$$

Для расчета вероятности отказа заявке в обслуживании достаточно разделить число заявок $N_{\text{отк.}}$, которым отказали за время T_n на число заявок N , которые хотели обслужиться за это же время, то есть поступили в систему. $P_{\text{отк.}} + P_{\text{обс.}}$ в теории должно быть равно 1. На самом деле экспериментально может получаться значение отличное от 1. Эта неточность объясняется тем, что время наблюдения T_n мало и статистика накоплена недостаточная для получения точного ответа.

Вероятность занятости одного канала: $P_1 = T_{\text{зан.}} / T_n$, где $T_{\text{зан.}}$ – время занятости только одного канала (первого или второго). Измерениям подлежат временные отрезки, на которых происходят определенные события.

Вероятность занятости двух каналов: $P_2 = T_{\text{зан.}} / T_n$. На диаграмме ищутся такие отрезки, во время которых одновременно заняты и первый, и второй канал.

Среднее количество занятых каналов: $N_{\text{зк}} = 0 \cdot P_0 + 1 \cdot P_1 + 2 \cdot P_2$. Чтобы подсчитать, сколько каналов занято в системе в среднем, достаточно знать долю (вероятность занятости одного канала) и умножить на вес этой доли (один канал), знать долю (вероятность занятости двух каналов) и умножить на вес этой доли (два канала) и так далее.

Вероятность простоя хотя бы одного канала:

$$P_1^* = T_{\text{простоя1}} / T_n$$

Вероятность простоя двух каналов одновременно:

$$P_2^* = T_{\text{простоя2}} / T_n = 0.$$

Вероятность простоя всей системы:

$$P_c^* = T_{\text{простая сист.}} / T_n$$

Среднее количество заявок в очереди:

$$N_{\text{зз}} = 0 \cdot P_{03} + 1 \cdot P_{13} + 2 \cdot P_{23}$$

Чтобы определить среднее количество заявок в очереди, надо определить отдельно вероятность того, что в очереди будет одна заявка P_{13} , вероятность того, в очереди будет стоять две заявки P_{23} и т. д. и снова с соответствующими весами их сложить.

Вероятность того, что в очереди будет одна заявка:

$$P_{13} = T_{13} / T_n$$

Вероятность того, в очереди будет стоять одновременно две заявки:

$$P_{23} = T_{23} / T_n$$

Среднее время ожидания заявки в очереди:

$$T_{\text{ср.ож.}} = \frac{\sum_{i=1}^N T_{\text{ож.}}}{N}$$

Сложить все временные интервалы, в течение которых какая-либо заявка находилась в очереди, и разделить на количество заявок.

Среднее время обслуживания заявки:

$$T_{\text{ср.обсл.}} = \frac{\sum_{i=1}^N T_{\text{обсл.}}}{N}$$

Сложить все временные интервалы, в течение которых какая-либо заявка находилась на обслуживании в каком-либо канале, и разделить на количество заявок.

Среднее время нахождения заявки в системе: $T_{\text{ср.сист.}} = T_{\text{ср.ож.}} + T_{\text{ср.обсл.}}$.

На основе математической модели бизнес-процесса КТПП была построена имитационная модель в виде дискретно-событийной модели в программном продукте AnyLogic (рис. 2).

На основе имитационной модели проведен оптимизационный эксперимент, позволяющий определить оптимальные параметры численно-

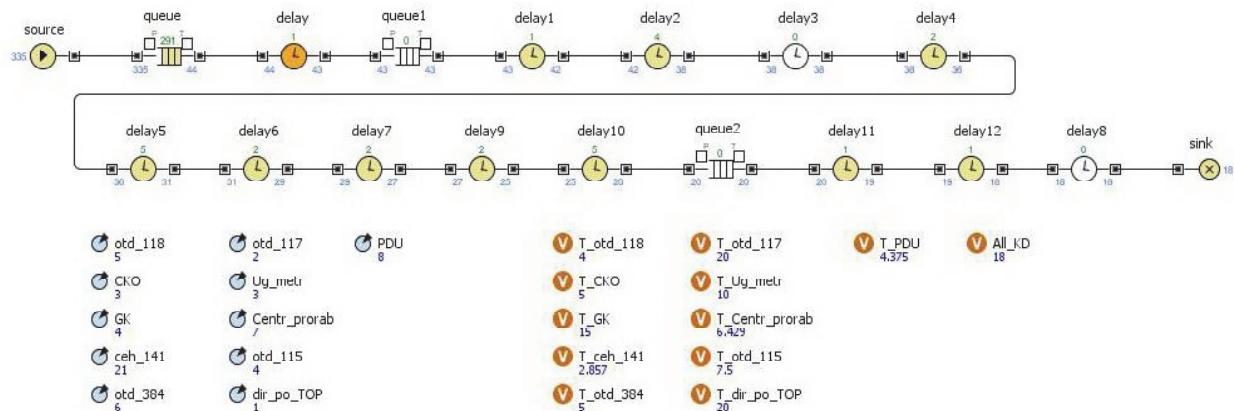


Рис. 2. Имитационная модель бизнес-процесса КПП

Оптимизационный эксперимент

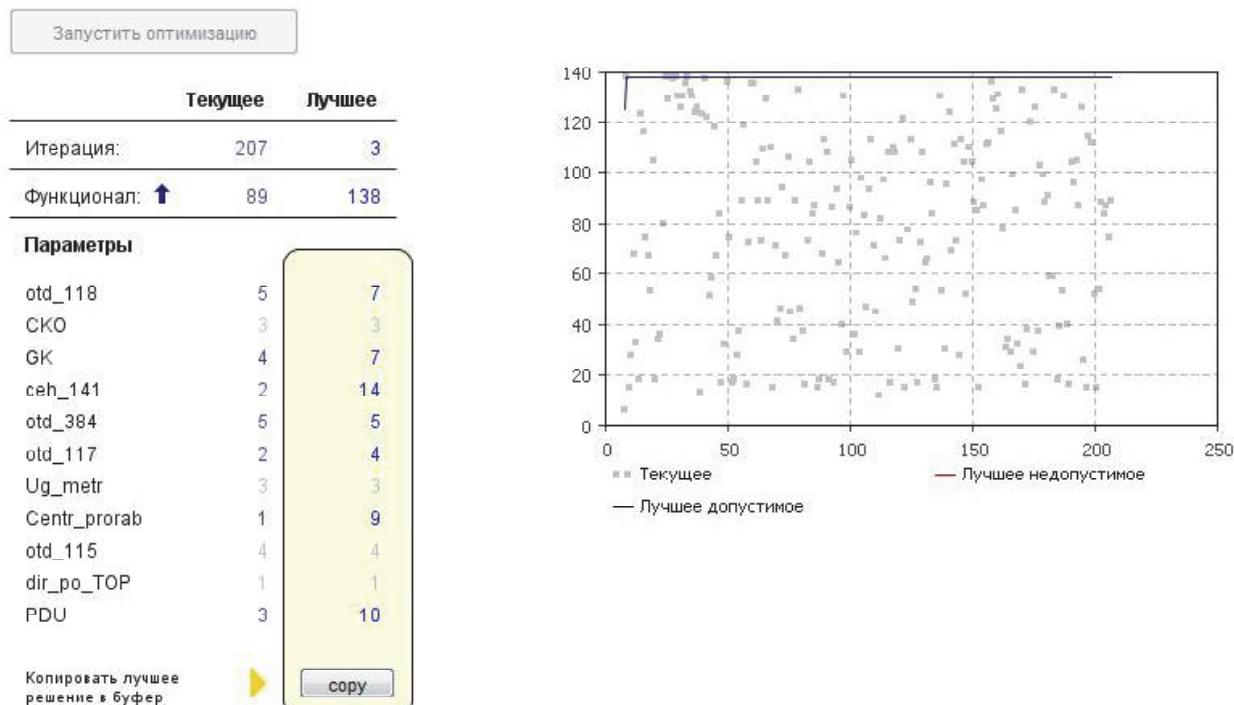


Рис. 3. Результаты оптимизационного эксперимента

сти сотрудников отделов EUR при максимальной загрузке в получении новой КД и меньших сроков ее проработки (рис. 3).

Полученные результаты оптимизационного эксперимента информационно-аналитическая система [2] мониторинга, анализа и управления бизнес-процессом КТПП получает и ведет сравнение с параметрами, полученными из PDM системы предприятия в режиме реального времени. В результате анализа параметров строятся ситуационные графики бизнес-процесса, отображающие ситуацию “как есть” и как “должно быть”. На основе полученных данных руководитель службы или отдела принимает управленческие решения, чтобы скорректировать функциониро-

вание бизнес-процесса КТПП.

Работа выполнена в рамках государственного задания Министерства образования и науки Российской Федерации.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Бутов А.А., Раводин К.О. Теория случайных процессов: учебно-методическое пособие. Ульяновск: УлГУ, 2009. 62 стр.
- Железнов О.В. Программно-информационный комплекс мониторинга и анализа бизнес-процесса КТПП авиастроительного предприятия// Известия Самарского научного центра РАН. 2013 Т.15, №4(3). С.642-647.

**NUMERICAL CALCULATIONS USING MATHEMATICAL MODELS OF POSSIBILITY
OF FAILURE OF THE BUSINESS PROCESS KTPP AIRCRAFT ENTERPRISES**

© 2013 O.V. Zhelezov, Yu.V. Polyanskov

Ulyanovsk State University

In the article the description of the business process design and technological preparation of production, the mathematical model of estimating the probability of failure of functioning of business process KTPP aircraft manufacturer, is a description of a simulation model of the business process and the optimization of the experiment are described indicators of quality of functioning of the business process KTPP as open queuing systems with waiting.

Keywords: business process model, mathematical model, numerical methods, queuing system, discrete-event model.

*Oleg Zhelezov, Deputy Director of the Research Centre for
CALIS-technology, Graduate Student at the of Mathematical
Modeling of Technical Systems Department.*

E-mail: olegulsu@mail.ru

*Yuri Polyanskov, Doctor of Technics, Professor, President of
University, Director of Competence Center “Aviation
Technology and Aviation Mobility”. E-mail: president@ulsu.ru*